

UČNI NAČRT PREDMETA / COURSE SYLLABUS											
Predmet:	Logika										
Course title:	Logic										
Študijski program in stopnja Study programme and level	Študijska smer Study field		Letnik Academic year	Semester Semester							
Magistrski študijski program Finančna matematika	ni smeri		1 ali 2	prvi ali drugi							
Master's study programme Financial Mathematics	none		1 or 2	first or second							
Vrsta predmeta / Course type	izbirni										
Univerzitetna koda predmeta / University course code:	M2215										
Predavanja Lectures	Seminar Seminar	Vaje Tutorial	Klinične vaje work	Druge oblike študija	Samost. delo Individ. work	ECTS					
45		30			105	6					
Nosilec predmeta / Lecturer:	prof. Andrej Bauer, prof. Marko Petkovšek										
Jeziki / Languages:	Predavanja / Lectures:	slovenski/Slovene, angleški/English									
	Vaje / Tutorial:	slovenski/Slovene, angleški/English									
Pogoji za vključitev v delo oz. za opravljanje študijskih obveznosti:	Prerequisites:										
Vsebina:	Content (Syllabus outline):										

<p>Abstraktna sintaksa. Vezane in proste spremenljivke. Substnicija. Naravna dedukcija. Izrek o odstranjevanju rezov. Neprotislovnost naravne dedukcije.</p> <p>Jezik in teorija prvega reda. Neprotislovnost in polnost teorije. Konzervativna razširitev teorije. Interpretacija teorije. Model teorije prvega reda.</p> <p>Izrek o zdravju. Gödelov izrek o polnosti. Izrek o kompaktnosti. Posledice.</p> <p>Peanova aritmetika. Gödelova izreka o nepopolnosti.</p> <p>Primeri teorij prvega reda in uporaba teorije modelov.</p>	<p>Abstract syntax. Bound and free variables. Substitution. Natural deduction. Cut elimination. Consistency of natural deduction. First-order languages and theories. Consistent and complete theories. Conservative extensions. Interpretation of a language and a model of a theory.</p> <p>Soundness and Gödel completeness theorem. Compactness theorem and its consequences.</p> <p>Peano arithmetic, Gödel incompleteness theorems.</p> <p>Examples of first-order theories and applications of model theory.</p>
--	---

#### **Temeljni literatura in viri / Readings:**

N. Prijatelj: Osnove matematične logike, 2. del: Formalizacija, DMFA Slovenije, Ljubljana, 1992.

N. Prijatelj: Osnove matematične logike, 3. del: Aplikacija, DMFA Slovenije, Ljubljana, 1994.

W. Rautenberg: A Concise Introduction to Mathematical Logic, 3. izdaja, Springer, 2010.

E. Mendelson: Introduction to Mathematical Logic, 4. izdaja, Chapman and Hall, 1997.

A.S. Troelstra, H. Schwichtenberg: Basic Proof Theory, 2. izdaja, Cambridge University Press, 2000.

#### **Cilji in kompetence:**

Pridobiti znanje iz osnov matematične logike in osnov matematike.

#### **Objectives and competences:**

Basic knowledge of foundations of mathematics and mathematical logic.

#### **Predvideni študijski rezultati:**

Znanje in razumevanje: Razumevanje logičnih osnov matematike in fundamentalnih omejitev aksiomatične metode.

Uporaba: Kot temeljni kamen matematike je logika osnovno sredstvo matematičnega

#### **Intended learning outcomes:**

Knowledge and understanding:  
Understanding of logical foundations of mathematics and the fundamental limitations of the axiomatic method.

<p>izražanja.</p> <p>Refleksija:</p> <p>Dejstvo, da obstajajo nerešljivi matematični problemi, zahteva temeljit razmislek o naravi matematike same.</p> <p>Prenosljive spretnosti – niso vezane le na en predmet:</p> <p>Sposobnost formalnega izražanja matematične vsebine. Sposobnost meta-matematične obravnave.</p>	<p><b>Application:</b></p> <p>Logic, being the foundation of mathematics, provides the means for communication and methodology in mathematics.</p> <p><b>Reflection:</b></p> <p>The fact that there are mathematical problems without solutions invites a thorough reconsideration of the nature of mathematics.</p> <p><b>Transferable skills:</b></p> <p>Ability to formally express mathematical content. Ability to perform meta-mathematical analysis.</p>
--	---

<b>Metode poučevanja in učenja:</b>	<b>Learning and teaching methods:</b>
predavanja, vaje, domače naloge, konzultacije	Lectures, exercises, homeworks, consultations

<b>Načini ocenjevanja:</b>	<b>Delež (v %) / Weight (in %)</b>	<b>Assessment:</b>
Način (pisni izpit, ustno izpraševanje, naloge, projekt): izpit iz vaj (2 kolokvija ali pisni izpit)  ustni izpit  Ocene: 1-5 (negativno), 6-10 (pozitivno) (po Statutu UL)	50% 50%	Type (examination, oral, coursework, project): 2 midterm exams instead of written exam, written exam  oral exam  Grading: 1-5 (fail), 6-10 (pass) (according to the Statute of UL)

**Reference nosilca / Lecturer's references:**

---

Andrej Bauer:

- BAUER, Andrej. A relationship between equilogical spaces and Type Two Effectivity. Mathematical logic quarterly, ISSN 0942-5616, 2002, vol. 48, suppl. 1, str. 1-15 [COBISS.SI-ID 12033369]
- AWODEY, Steve, BAUER, Andrej. Propositions as [Types]. Journal of logic and computation, ISSN 0955-792X, 2004, vol. 14, no. 4, str. 447-471 [COBISS.SI-ID 13374809]
- BAUER, Andrej, SIMPSON, Alex. Two constructive embedding-extension theorems with applications to continuity principles and to Banach-Mazur computability. Mathematical logic quarterly, ISSN 0942-5616, 2004, vol. 50, no. 4/5, str. 351-369 [COBISS.SI-ID 13378649]

Marko Petkovšek:

- PETKOVŠEK, Marko, WILF, Herbert S., ZEILBERGER, Doron. A=B. Wellesley (Massachusetts): A. K. Peters, cop. 1996. VII, 212 str. ISBN 1-56881-063-6 [COBISS.SI-ID 4085337]
- PETKOVŠEK, Marko. Ambiguous numbers are dense. American mathematical monthly, ISSN 0002-9890, 1990, let. 97, št. 5, str. 408-411 [COBISS.SI-ID 8040537]
- PETKOVŠEK, Marko. Letter graphs and well-quasi-order by induced subgraphs. Discrete Mathematics, ISSN 0012-365X. [Print ed.], 2002, vol. 244, no. 1-3, str. 375-388 [COBISS.SI-ID 11414873]