

UČNI NAČRT PREDMETA / COURSE SYLLABUS											
Predmet:	Računska zahtevnost										
Course title:	Computational complexity										
Študijski program in stopnja Study programme and level	Študijska smer Study field		Letnik Academic year	Semester Semester							
Magistrski študijski program Matematika	ni smeri		1 ali 2	prvi ali drugi							
Master's study programme Mathematics	none		1 or 2	first or second							
Vrsta predmeta / Course type	izbirni										
Univerzitetna koda predmeta / University course code:	M2610										
Predavanja Lectures	Seminar Seminar	Vaje Tutorial	Klinične vaje work	Druge oblike študija	Samost. delo Individ. work	ECTS					
30	15	30			105	6					
Nosilec predmeta / Lecturer:	prof. Marko Petkovšek, prof. Sergio Cabello Justo										
Jeziki / Languages:	Predavanja / Lectures:	slovenski/Slovene, angleški/English									
	Vaje / Tutorial:	slovenski/Slovene, angleški/English									
Pogoji za vključitev v delo oz. za opravljanje študijskih obveznosti:	Prerequisites:										
Vsebina:	Content (Syllabus outline):										

<p>Modeli računanja. Časovna in prostorska zahtevnost. Determinizem in nedeterminizem. Redukcije in polnost.</p> <p>Fenomen NP-polnosti. Nekaj izbranih NP-polnih problemov. Tehnike dokazovanja NP-polnosti. Struktura razreda NP.</p> <p>Verjetnostni algoritmi. Vrste verjetnostnih algoritmov. Verjetnostni razredi zahtevnosti. Generatorji psevdonaključnosti.</p> <p>Aproksimativni algoritmi. Kakovost aproksimacije. Težavnost aproksimacije. Aproksimacijske sheme. Nekaj izbranih aproksimacijskih algoritmov.</p> <p>Dodatno vsebino lahko predavatelj izbere med naslednjimi temami: Booleova vezja, interaktivni dokazi, kvantno računalništvo, izreki PCP, komunikacijska zahtevnost, parametrična zahtevnost.</p>	<p>Models of computation. Time and space complexity. Determinism and nondeterminism. Reductions and completeness.</p> <p>NP-completeness. Some selected NP-complete problems. Techniques to prove NP-completeness. Structure of the class NP.</p> <p>Probabilistic algorithms. Types of probabilistic algorithms. Related computational classes. Pseudorandom generators.</p> <p>Approximation algorithms. Quality of approximation. Hardness of approximation. Approximation schemes. Selected approximation algorithms.</p> <p>Additional content may be selected among the following topics: Boolean circuits, interactive proofs, quantum computing, PCP theorems, communication complexity, parameterized complexity.</p>
---	--

#### **Temeljni literatura in viri / Readings:**

- S. Arora, B. Barak: Computational Complexity: A Modern Approach, Cambridge University Press, 2009.
- M. R. Garey, D. S. Johnson: Computers and intractability. A guide to the theory of NP-completeness, W. H. Freeman and Co., 2003.
- R. Motwani, P. Raghavan: Randomized Algorithms, Cambridge University Press, Cambridge, 1995.
- V. V. Vazirani: Approximation algorithms, Springer-Verlag, 2001.

#### **Cilji in kompetence:**

Študent se seznaní z osnovnimi modeli računanja, teorijo NP-polnosti, verjetnostnimi algoritmi in z reševanjem težkih problemov z aproksimativnimi algoritmi.

#### **Objectives and competences:**

Students become acquainted with the basic models of computation, the theory of NP-completeness, probabilistic algorithms, and with solving hard problems approximately.

#### **Predvideni študijski rezultati:**

#### **Intended learning outcomes:**

Znanje in razumevanje: Študentje poznajo:  
povezave med modeli računanja  
  
teorijo NP-polnosti  
  
pojem verjetnostnega algoritma  
  
pojem aproksimativnega algoritma  
  
Uporaba: Študentje znajo:  
  
analizirati časovno zahtevnost algoritmov  
  
dokazovati NP-polnost  
  
načrtovati verjetnostne algoritme  
  
načrtovati aproksimativne algoritme  
  
Refleksija: Študentje spoznajo:  
  
hierarhijo problemov glede na njihovo časovno  
zahtevnost  
  
inherentno težke probleme  
  
relaksacijske pristope k reševanju težkih  
problemov  
  
Prenosljive spretnosti – niso vezane le na en  
predmet: Analiza težavnosti problemov s  
pomočjo redukcij med njimi.

Knowledge and understanding: The students  
understand:  
connections between models of computation,  
theory of NP-completeness,  
the concept of probabilistic algorithm,  
the concept of approximation algorithm.  
  
Application: The students are able to:  
  
analyze time complexity of algorithms,  
prove NP-completeness,  
design probabilistic algorithms,  
design approximation algorithms.  
  
Reflection: The students meet:  
  
problem hierarchies by time complexity,  
inherently hard problems,  
relaxations to solve hard problems.  
  
Transferable skills: Analysis of the hardness of  
problems using reductions between them.

**Metode poučevanja in učenja:**

**Learning and teaching methods:**

predavanja, seminar, vaje, domače naloge, konzultacije in samostojno delo študentov	Lectures, seminar, exercises, homework, consultations and independent work by the students
---	--

<b>Načini ocenjevanja:</b>	Delež (v %) / Weight (in %)	<b>Assessment:</b>
Način:izpit iz vaj (2 kolokvija ali pisni izpit) or homeworkustni izpit Ocene: 1-5 (negativno), 6-10 (pozitivno) (po Statutu UL)	50% 50%	Type: exam of exercises (2 midterm exams or written exam) or homework  oral exam.  Grading: 1-5 (fail), 6-10 (pass) (according to the Statute of UL)

#### Reference nosilca / Lecturer's references:

Sergio Cabello Justo:
– CABELLO, Sergio, LUKŠIČ, Primož. The complexity of obtaining a distance-balanced graph. <i>The Electronic journal of combinatorics</i> , ISSN 1077-8926. [Online ed.], 2011, vol. 18, no. 1, p49 (10 str.) [COBISS.SI-ID 15832153]
– CABELLO, Sergio. Hardness of approximation for crossing number. <i>Discrete &amp; computational geometry</i> , ISSN 0179-5376, 2013, vol. 49, iss. 2, str. 348-358 [COBISS.SI-ID 16340313]
– CABELLO, Sergio, CARDINAL, Jean, LANGERMAN, Stefan. The clique problem in ray intersection graphs. <i>Discrete &amp; computational geometry</i> , ISSN 0179-5376, 2013, vol. 50, iss. 3, str. 771-783 [COBISS.SI-ID 16728921]
Marko Petkovšek:
– PETKOVŠEK, Marko, PISANSKI, Tomaž. Izbrana poglavja iz računalništva. Del 1, Izračunljivost in rešljivost, jeziki, NP-polnost, naloge, (Matematični rokopisi, 1.a.). 1986: Društvo matematikov, fizikov in astronomov SRS, Ljubljana. 120 str [COBISS.SI-ID 519702]
– PETKOVŠEK, Marko, WILF, Herbert S., ZEILBERGER, Doron. A=B. Wellesley (Massachusetts): A. K. Peters, cop. 1996. VII, 212 str. ISBN 1-56881-063-6 [COBISS.SI-ID 4085337]
– PETKOVŠEK, Marko. Letter graphs and well-quasi-order by induced subgraphs. <i>Discrete Mathematics</i> , ISSN 0012-365X. [Print ed.], 2002, vol. 244, no. 1-3, str. 375-388 [COBISS.SI-ID 11414873]

